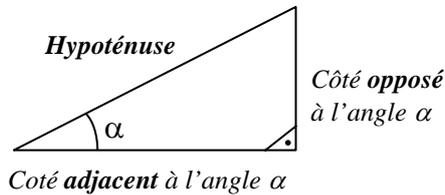


8. Trigonométrie dans le triangle rectangle

Définition : (Fonctions trigonométriques)

Soit le **triangle rectangle** ci-dessous, on définit les trois rapports suivants :



Le **sinus** de l'angle α :

$$\sin \alpha = \frac{\text{opp.}}{\text{hyp.}}$$

Le **cosinus** de l'angle α :

$$\cos \alpha = \frac{\text{adj.}}{\text{hyp.}}$$

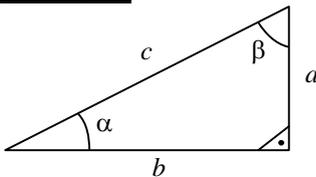
La **tangente** de l'angle α :

$$\tan \alpha = \frac{\text{opp.}}{\text{adj.}}$$

Dans un triangle rectangle, la valeur de ces rapports ne dépend que de l'angle α .

Remarque : on écrit aussi $tg(\alpha)$ pour $\tan(\alpha)$

Exemples :



$$\sin(\alpha) =$$

$$\sin(\beta) =$$

$$\cos(\alpha) =$$

$$\cos(\beta) =$$

$$\tan(\alpha) =$$

$$\tan(\beta) =$$

Exercice :

Avec la calculatrice donner les valeurs suivantes : $\sin(30^\circ)$ $\cos(30^\circ)$ $\text{tg}(30^\circ)$

Définition : (Fonctions trigonométriques réciproques)

On définit les fonctions *réciproques* :

- L'**arc sinus** est la fonction *réciproque* du sinus : $\sin(x) = y \Leftrightarrow \boxed{\arcsin(y) = x}$
- L'**arc cosinus** est la fonction *réciproque* du cosinus : $\cos(x) = y \Leftrightarrow \boxed{\arccos(y) = x}$
- L'**arc tangente** est la fonction *réciproque* de la tangente $\tan(x) = y \Leftrightarrow \boxed{\arctan(y) = x}$

Remarque :

Pour $\arcsin(\dots)$, $\arccos(\dots)$, $\arctan(\dots)$, certaines calculatrices utilisent respectivement les notations

$$\boxed{SIN^{-1}, COS^{-1}, TAN^{-1}}.$$

Exemple : Si $\sin(\alpha) = 0,8543$ alors : $\alpha = \arcsin(0,8543) \approx 58,7^\circ$

Exercice :

Résoudre les équations suivantes : $\sin(\alpha) = 0,785$ $\cos(\beta) = 0,123$ $\text{tg}(\delta) = 1,8$